

28. Gegeben seien die komplexe Funktion $f(z) = z^2$ und C , die gerade Linie von $1 - i$ nach $2 + 3i$. Berechnen Sie $\int_C f(z) dz$, indem Sie die Real- und Imaginärteildfunktion von f verwenden ($f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$)
29. Berechnen Sie durch zwei verschiedene Methoden $\int_C \frac{2}{z^4} dz$, wenn C die Kurve mit der Parametrisierung $\alpha(t) = e^{-\pi it}$, $t \in [0, 1]$ ist.
30. Berechnen Sie das komplexe Kurvenintegral $\int_C f(z) dz$, wobei
- (a) $f(z) = \frac{2}{z}$ und C der Kreisbogen (im Uhrzeigersinn) von $2i$ nach $-2i$ ist,
 - (b) $f(z) = \cos z$ und C ein beliebiger Pfad von $1 + 2i$ nach $1 - 2i$ ist.

31. Berechnen Sie

$$\int_C \frac{1 + \sin 2z}{(z - 5i)(z^2 + 2iz - 2)} dz,$$

wenn C das Dreieck mit den Eckpunkten -1 , 1 und i ist, das in dem trigonometrischen Richtungssinn durchlaufen wird.

32. Berechnen Sie

$$\int_C \frac{z^4 + 25}{\cos(z) \cosh(z)} dz,$$

wobei die Kurve C das Quadrat mit den Eckpunkten $\frac{1}{2}(-1 - i)$, $\frac{1}{2}(1 - i)$, $\frac{1}{2}(1 + i)$ und $\frac{1}{2}(-1 + i)$ ist, das in dem trigonometrischen Richtungssinn durchlaufen wird.

33. Berechnen Sie folgende komplexe Kurvenintegrale:

(a)

$$\int_C \frac{\cos z}{(z + \frac{\pi}{4})(z^2 + 9)} dz, \quad C : |z| = 1,$$

(b)

$$\int_C \frac{\sin z}{(z - \frac{\pi}{6})^4} dz, \quad C : |z| = 1.$$

34. Berechnen Sie die folgenden komplexen Kurvenintegrale (*ohne* Residuensatz), wobei Sie die Parametrisierung $\alpha : [0, 1] \rightarrow \mathbb{C}$ der Kurve C verwenden:

$$\begin{array}{lll} \text{a) } \int_C |z| dz, & \alpha(t) = te^{2\pi it}, & \text{b) } \int_C e^{2z} dz, \quad \alpha(t) = t + it^2, \\ \text{c) } \int_C \frac{1}{1 + z^2} dz, & \alpha(t) = 2e^{2\pi it}. & \end{array}$$