

Mathematik I für ChemikerInnen WS 2017/18
10. Übungsblatt

44. Differenzieren Sie die Funktionen

(a) $f(x) = (\sin x)^3$ (b) $f(x) = \cos^2(3x)$ (c) $\exp(-x^2) \cos x$
(d) $\frac{(x+1)^4}{(-3x+1)^2}$

45. Differenzieren Sie die Funktionen

(a) $f(x) = \frac{x}{\sqrt{3+2x}}$ (b) $f(x) = (-x+3) \ln(x^2+1)$ (c) $f(x) = \ln \sqrt{\frac{1+\sin x}{1-\sin x}}$
(d) $f(x) = x^x$ (e) $f(x) = e^{\operatorname{arsinh}\left(\frac{x^2}{3}\right)}$ (f) $f(x) = (4^x)^3$

46. Bestimmen Sie den maximalen Definitionsbereich D und die partiellen Ableitungen erster Ordnung nach allen auftretenden Variablen im Innern B von D .

$$\begin{aligned} f(x, y, z) &= \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \\ f(x, y) &= x^3 - 2x^2y^2 + 4xy^3 + y^4 + 10 \\ f(x, y) &= \frac{x-y}{\sqrt{x+2y}} \\ f(x, y) &= \frac{x}{y} \sqrt[3]{y^2 - x} \end{aligned}$$

47. Gegeben sei die Funktion $f(x, y) = 4 \ln \frac{x^2}{x^2+y^2}$ für $x, y > 0$.

- (a) Bestimmen Sie die partiellen Ableitungen f_x und f_y von f .
- (b) Bestimmen Sie den Gradienten von f im Punkt $x_0 = (1, 1)$.
- (c) Bestimmen Sie die Richtungsableitung von f im Punkt $x_0 = (1, 1)$ in Richtung $\vec{e} = (\frac{1}{2}\sqrt{2}, \frac{1}{2}\sqrt{2})$.
- (d) Bestimmen Sie im Punkt $(x_0, f(x_0)) = (1, 1, f(1, 1))$ die Tangentialebene an die durch $z = f(x, y)$ mit $x, y > 0$ erklärte Fläche.